

Extrait d'une Lettre de M. N. Bernoulli à M. de M...  
du 9 Septembre 1713.

LE Livre de feu mon Oncle vient de sortir de la presse, le Libraire m'a dit qu'il en a envoyé un Exemplaire par la Poste à M. Koenig; si vous êtes curieux de le voir, vous pourrés le faire retirer par quelqu'un de chés M. Koenig, à qui j'en donnerai avis, en attendant que je puisse lui envoyer quelqu'autres Exemplaires pour vous & pour mes autres amis de Paris. Il n'y aura gueres rien de nouveau pour vous. J'ai été empêché depuis quelque temps de faire de nouvelles recherches sur la matiere du hazard, c'est pourquoi je ne puis rien vous communiquer; cependant en revanche des Problèmes que vous m'avez proposés, & dont j'examinerai les solutions quand j'aurai du loisir, je vous en propose quelqu'autres qui meritent votre application. *Premier Problème.* *A* & *B* jouent alternativement avec un dé à quatre faces marquées de 0, 1, 2, 3, *A* met une certaine somme d'écus au jeu, & commence à jouer; & après avoir amené ou 0, ou 1, ou 2, ou 3 points, il reprend autant d'écus du jeu qu'il a amené de points, & cede le cornet à *B*, qui prend aussi du reste autant d'écus qu'il a amené de points; mais s'il amene la face marquée de 0, il paye un écu à *A*; & s'il amene un plus grand nombre de points qu'il ne reste d'écus au jeu, non seulement il ne prend rien, mais il met autant d'écus au jeu qu'il a amené de points de trop, & ils continuent ainsi jusqu'à ce qu'il ne reste plus rien au jeu; je demande quelle est la somme que *A* doit mettre au jeu pour que leurs forts soient égaux. *Second Problème.* Si *B* au lieu de payer un écu à *A* quand il n'amene rien, met un écu au jeu, trouver ce qu'alors *A* doit mettre au jeu. *Troisième Problème.* Deux Joueurs *A* & *B* jouent alternativement avec un dé ordinaire, *A* met un écu au jeu, *B* commence à jouer; s'il amene un nombre pair, il prend cet écu; s'il amene un nombre impair, il met un écu au jeu, ensuite

E e e



c'est *A* qui joue, lequel en amenant un nombre pair prend un écu au jeu comme *B*; mais il ne met rien au jeu quand il amène un nombre impair, & ils continuent jusqu'à ce qu'il ne reste plus rien au jeu, toujours avec cette condition, qu'ils prennent l'un & l'autre un écu du jeu quand ils amènent un nombre pair; mais que *B* seul met un écu au jeu quand il amène un nombre impair, on demande leurs sorts. *Quatrième Problème.* *A* promet de donner un écu à *B*, si avec un dé ordinaire il amène au premier coup six points, deux écus s'il amène le six au second, trois écus s'il amène ce point au troisième coup, quatre écus s'il l'amène au quatrième, & ainsi de suite; on demande quelle est l'espérance de *B*. *Cinquième Problème.* On demande la même chose si *A* promet à *B* de lui donner des écus en cette progression 1, 2, 4, 8, 16, &c. ou 1, 3, 9, 27, &c. ou 1, 4, 9, 16, 25, &c. ou 1, 8, 27, 64, &c. au lieu de 1, 2, 3, 4, 5, &c. comme auparavant. Quoique ces Problèmes pour la plupart ne soient pas difficiles, vous y trouverez pourtant quelque chose de fort curieux: je vous ai déjà proposé le premier dans ma dernière Lettre. Vous me ferez plaisir de me communiquer enfin votre solution du Her, afin que je puisse vous donner l'explication de mon Anagramme. Au reste, Monsieur, je me réjouis de ce que votre santé est meilleure; mais je vous plains de ce que vous avez perdu votre Princesse. J'ai l'honneur d'être avec un attachement inviolable,

MONSIEUR,

Votre très humble & très  
obéissant Serviteur

N. BERNOULLY.